

TEMA: Utrjevanje znanja

Z modro barvo so pisana navodila in opombe, ki jih ni potrebno prepisovati.

UVOD: Rešitve domače naloge:

- a) $v_1 = 4\text{cm}$
 - b) $a = 16\text{cm}$
 - c) $s = 25\text{cm}$
- $$a = \sqrt{36\text{cm}^2} = 6\text{cm}$$

PONOVITEV: (ustno) Oglej si skice o pravokotnih trikotnikih v pravilni 4-starni piramidi iz prejšnje ure. Kateri izrek velja v pravokotnih trikotnikih?

GLAVNI DEL:

Prepiši zgleda.

UTRJEVANJE ZNANJA

Zgled1: Površina pravilne 4-strane piramide meri 384 cm^2 , osnovna ploskev pa 144 cm^2 . Koliko litrov vode lahko nalijemo v to piramido?

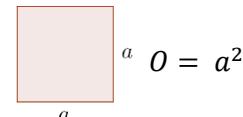
Podatki: Ime piramide: pravilna 4-strana piramida

Skica osnovne ploskve:

$$P = 384\text{ cm}^2$$

$$O = 144\text{ cm}^2$$

$V = ?$ Računamo prostornino. Litri so enota za prostornino.



Če zapišemo formulo za volumen, opazimo, da nam manjka višina. S pravokotnimi trikotniki si ne moramo pomagati, ker nimamo podane nobene dolžine.

Izhajati moramo iz podatkov. Ali lahko iz dane P in O kaj izračunamo? Razpišemo formulo za O in P .

$$\begin{aligned} O &= 144\text{cm}^2 && \text{Namesto } O \text{ zapišemo formulo zapisano pod skico osnovne ploskve, število prepisujemo.} \\ \downarrow a^2 &= 144\text{cm}^2 && \text{Dobili smo kvadratno enačbo za } a. \text{ Korenimo obe strani enačbe.} \end{aligned}$$

$$a = 12\text{ cm}$$

Enako naredimo s površino.

$$\begin{aligned} P &= 384\text{cm}^2 \\ \downarrow O + Pl &= 384\text{cm}^2 && \text{Ker imam } O \text{ podan, ga vstavim, plašč razpišemo naprej.} \\ \downarrow 144\text{cm}^2 + 4 \cdot \frac{a \cdot v_1}{2} &= 384\text{cm}^2 && \text{Vstavimo še } a. \text{ nastala je enačba z eno neznanko } v_1. \text{ Rešimo enačbo.} \end{aligned}$$

$$144\text{cm}^2 + 4 \cdot \frac{12\text{cm} \cdot v_1}{2} = 384\text{cm}^2 \quad \text{V ulomku okrajšamo in zmnožimo števila. Pišemo brez enot, ker so enake.}$$

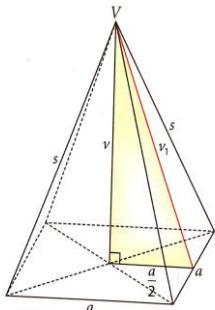
$$144 + 24v_1 = 384$$

$$24v_1 = 384 - 144$$

$$24v_1 = 240 \quad :24$$

$$v_1 = 10\text{cm}$$

Še vedno ne moremo izračunati prostornine, ker nam manjka višina, zato uporabimo enega od pravokotnih trikotnikov v pravilni 4-strani piramidi.



Pitagorov izrek za pravokotni trikotnik:

$$v_1^2 = v^2 + \left(\frac{a}{2}\right)^2 \quad \text{Ker potrebujemo } v, \text{ jo izrazimo iz enačbe.}$$

$$v^2 = v_1^2 - \left(\frac{a}{2}\right)^2 = 10^2 - \left(\frac{12}{2}\right)^2 = 100 - 36 = 64 \quad \text{Korenimo.}$$

$$v = 8 \text{ cm}$$

Da izračunamo prostornini, samo v formulo vstavimo podane in izračunane podatke.

$$V = \frac{O \cdot v}{3} = \frac{a^2 \cdot v}{3} = \frac{144 \cdot 8}{3} = 384 \text{ cm}^3 \quad \text{Preverimo v litre.}$$

$$V = 0,384 \text{ l}$$

Odgovor: V piramido lahko nalijemo 0,384 litrov vode.

Zgled2: UČ., str. 163, naloga 9, piramida C.

Podatki: Ni podanega imena piramide, zato ne moremo narisati skice osnovne ploskve.

$$P = 3124 \text{ cm}^2$$

$$O = 484 \text{ cm}^2$$

$$v = 16 \text{ cm}$$

$$Pl = ? \text{ in } V = ?$$

Pri tej nalogi ne bomo uporabljali pravokotnih trikotnikov, ker ne vemo kakšna je piramida.

Prostornino lahko izračunamo takoj, ker imamo podane vse potrebne podatke.

$$V = \frac{O \cdot v}{3} = \frac{484 \cdot 16}{3} = \frac{7744}{3} = 2581\frac{1}{3} \text{ cm}^3$$

Za plašč bomo uporabili splošno formula za površino piramide.

$$P = O + Pl \quad \text{Vstavimo podatke in dobimo enačbo za } Pl.$$

$$3124 = 484 + Pl$$

$$3124 - 484 = Pl$$

$$Pl = 2640 \text{ cm}^2$$

Odgovor: Plašč meri 2640 cm^2 , prostornina pa $2581\frac{1}{3} \text{ cm}^3$.

DOMAČA NALOGA:

UČ. Str. 162 naloga 6a, 8 , 9 (A in B) in 10